

Pessoal colocou livros na P1 !!!

← →
 Fessora dividirá prova em 3? (pra não
 ir do banheiro)

P2 Oscilações e Ondas

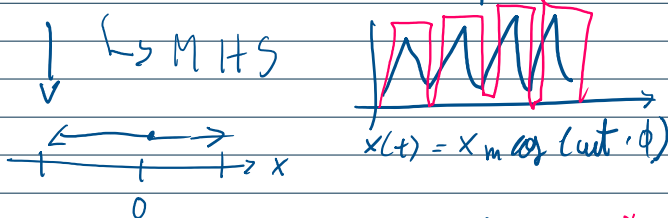
cap 15, 16 e 17

fique atenta, Catha!

Oscilações e Ondas

Movimento repetitivo

Movimento harmônico simples



MHS

$x(t) = X_m (\cos(\omega t + \phi))$

→ tempo

→ constante da força

→ frequência angular

→ frequência inicial

→ amplitude (ou sen!)

→ deslocamento máximo

→ posição no tempo

$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$

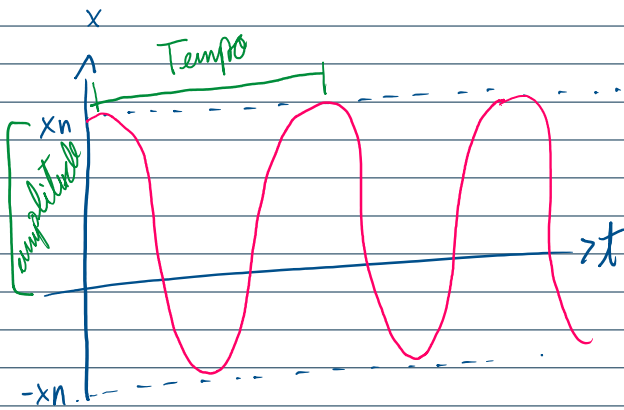
No SI

$[x] = m$ $[\omega] = \text{rad/s}$

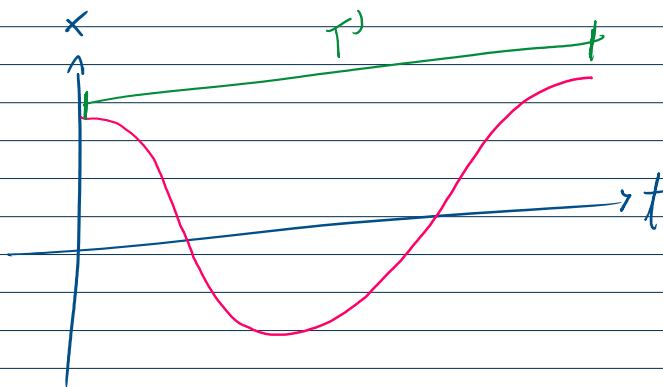
$[X_m] = m$ $[t] = s$

ou velocidade angular

$$[\phi] = \text{rad}$$



Tempo: tempo necessário p/ repetir a oscilação



f = frequência

Oscilação de tempo

$$f = \frac{1}{T} \quad [f] = \vec{s} = \text{Hz}$$

(1)

(2)

$$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t}$$

$$[\omega] = \vec{s} = \text{Hz}$$

relação entre ω , T e f :

$$\omega = \frac{\Delta \theta}{\Delta t} = \frac{2\pi}{T} = 2\pi f$$

ou

ou

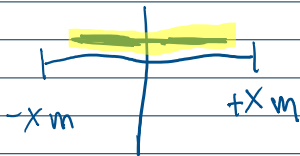
$$\frac{\omega}{T} = 2\pi \Rightarrow \omega \cdot T = 2\pi$$

\Rightarrow Posição, velocidade e aceleração:

$$x(t) = X_m \cos(\omega t + \phi)$$

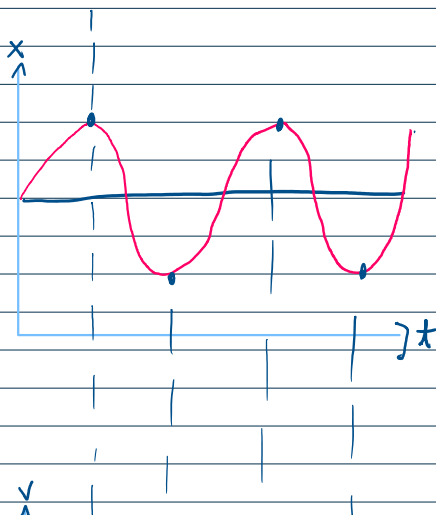
$$v = \frac{dx}{dt} = -X_m \sin(\omega t + \phi) \frac{d}{dt}(\omega t + \phi)$$

$\underbrace{\quad}_{\omega}$



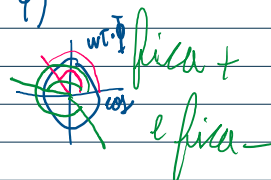
$$v(t) = \underbrace{-X_m \omega}_{v_m} \sin(\omega t + \phi)$$

$$a(t) = \frac{dv}{dt} = -X_m \omega^2 \cos(\omega t + \phi)$$

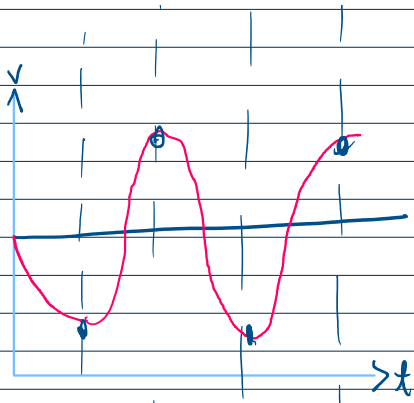


$$x(t) = X_m \cos(\omega t + \phi)$$

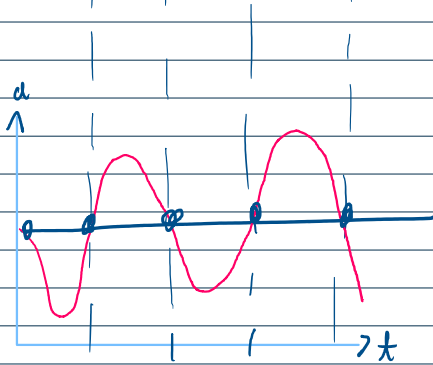
$$\Rightarrow \phi \Rightarrow -\frac{\pi}{2}$$



$$x(t) = X_m \cos(\omega t + \phi)$$



$$v(t) = X_m \sin(\omega t + \phi)$$



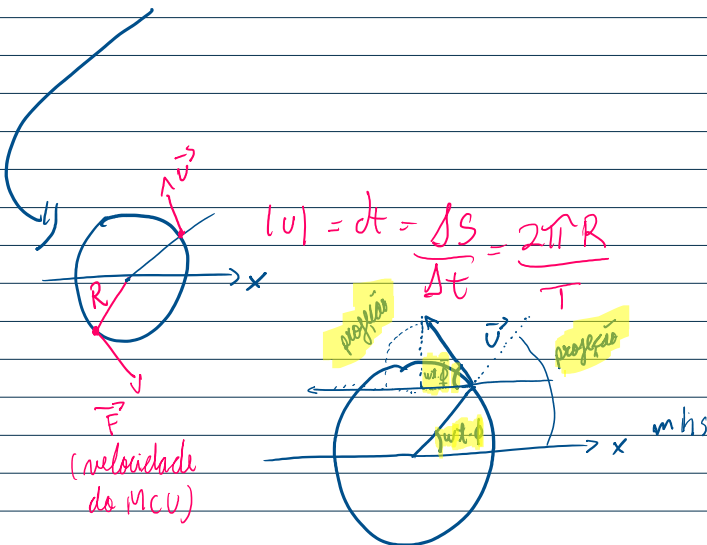
$$a(t) = -X_m \omega^2 \cos(\omega t + \phi)$$

$$\rightarrow -\frac{\pi}{2}$$

$$0 = X_m \cos \phi$$

$$\phi = \arccos \left(\frac{v(0)}{X_m} \right) \rightarrow \begin{cases} -\frac{\pi}{2} \\ -\frac{\pi}{2} \end{cases}$$

MHS e MCU



• amplitude / **projção** do MCU

- amp / **projecção** do MCU

$$u_x = u \cos(\omega t + \phi) \Rightarrow \text{(MCU)}$$

$$\Rightarrow v(t) = \overset{\text{const}}{X_m} \omega \sin(\omega t + \phi) \Rightarrow \text{(MHS)}$$

$$v_{\max} = X_m \omega$$

$$v_{\max} = R \cdot \frac{2\pi}{T}$$

mas no MCU

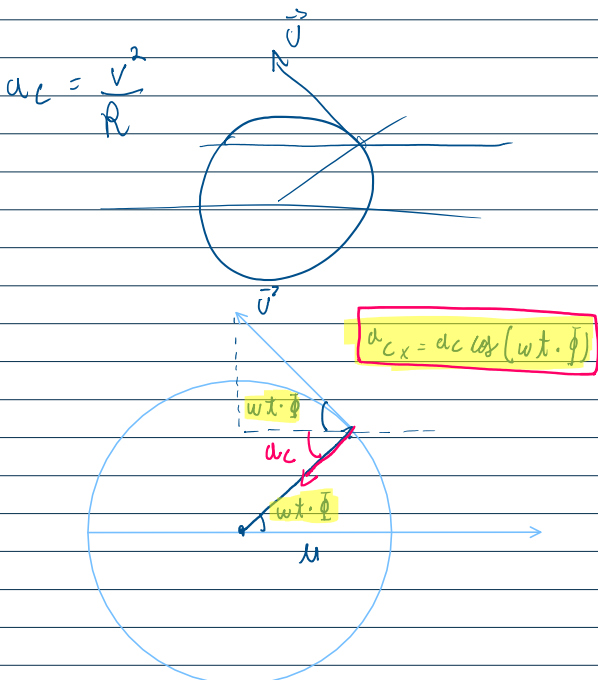
$$\frac{2\pi R}{T} = |u|$$

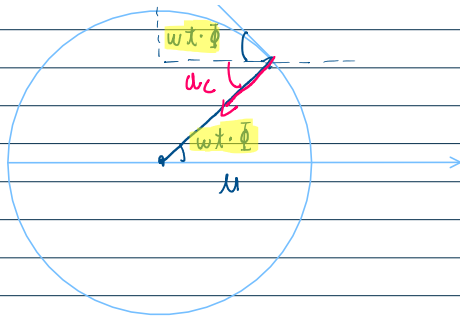
- O movimento circular uniforme é igual ao movimento harmónico simples no eixo x.

• Porém

$$\begin{cases} \hookrightarrow \text{no } \text{MCU} = u = \text{const} \\ \hookrightarrow \text{no } \text{MHS} = v \neq \text{const} \end{cases}$$

- ou seja, a velocidade só é const no mov. circular uniforme





$$v_{max} = X_m \omega$$

$$v_{max} = R \cdot \frac{2\pi}{T}$$

$$\text{mas no MCU } \frac{2\pi R}{T} = |u|$$

$$\Rightarrow MHS = MCU \text{ (projetado em x)}$$

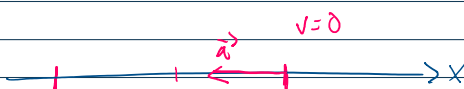
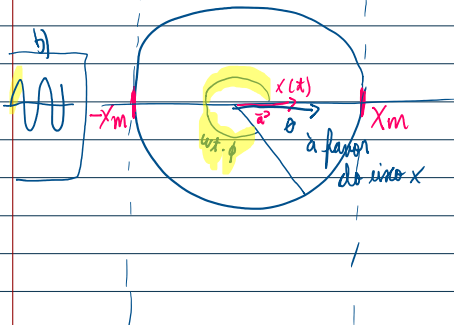
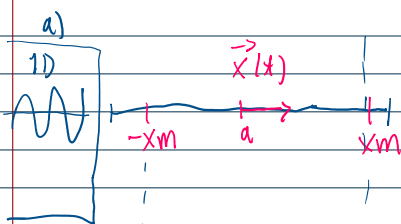
$$MHS: a_{max} = X_m \omega^2$$

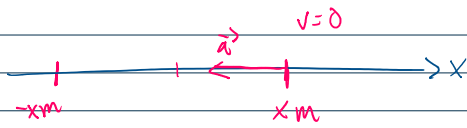
$$\Rightarrow R \cdot \left(\frac{2\pi}{T} \right)^2$$

$$\Rightarrow \left(\frac{R 2\pi}{T} \right)^2 \frac{1}{R}$$

$$a_{max} = \frac{|u|^2}{R} = (a_c \text{ do MCU})$$

sobre os vetores





\Rightarrow direção sobre o eixo x
sentido $+$ ou $-$ conforme a expressão

ex. 15! p/ próx aula grifados

Na próx. aula \Rightarrow veremos
quem faz o MHS e
corpos amortecidos \Rightarrow
e pêndulo + equação de partícula